

# Связи в моделях Затраты-Выпуск

Виртуальный семинар АБР-ИЦ по вопросам анализа Затраты-Выпуск



# Обзор

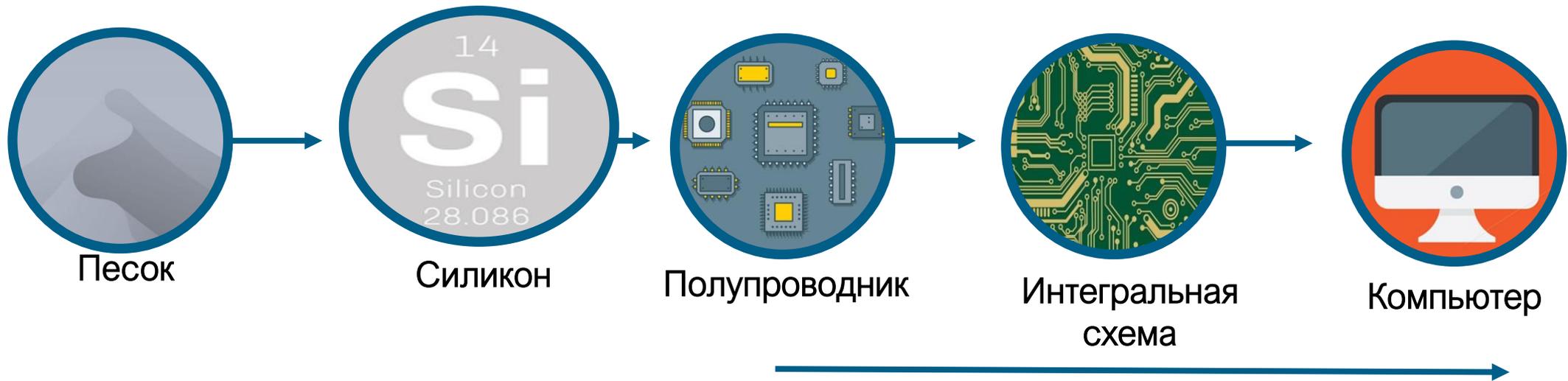
1. Обратные и передние связи
2. Измерительные связи
3. Нормализованные связи
4. Матрица классификации секторов
5. Чистые связи
6. Пространственные связи

# Обратные и передние связи



В модели "затраты-выпуск" термин "**обратные связи**" используется для обозначения **взаимосвязи** сектора с теми более вышестоящими секторами, из которых он закупает свои ресурсы.

# Обратные и передние связи



**Передние связи** сектора, с другой стороны, используются для обозначения взаимосвязи сектора с другими нижестоящими секторами, которым он продает свою продукцию

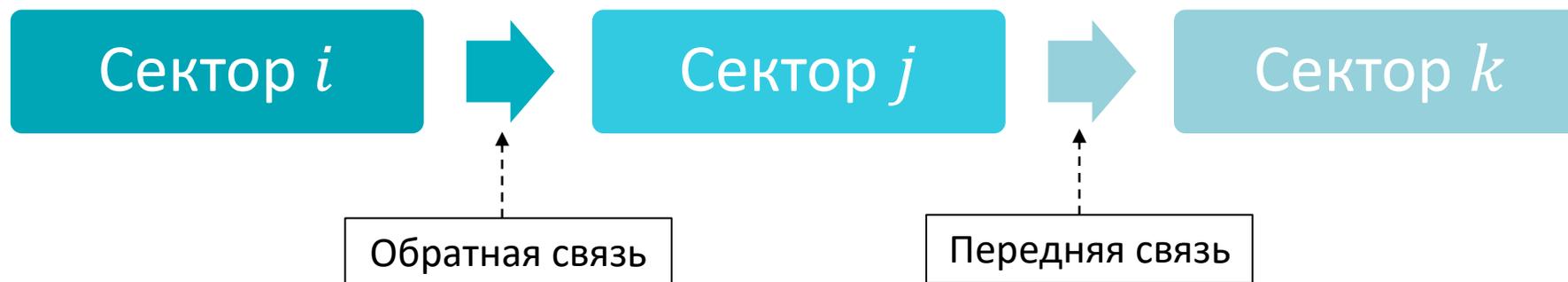
# Обратные и передние связи



# Зачем нужны количественные связи?

- Измерение экономической взаимосвязанности между секторами
- Определение “ключевых” или “ведущих” секторов экономики
- Проследить, как шок распространяется по каждому сектору экономики

# Связи в моделях "Затраты-выпуск"



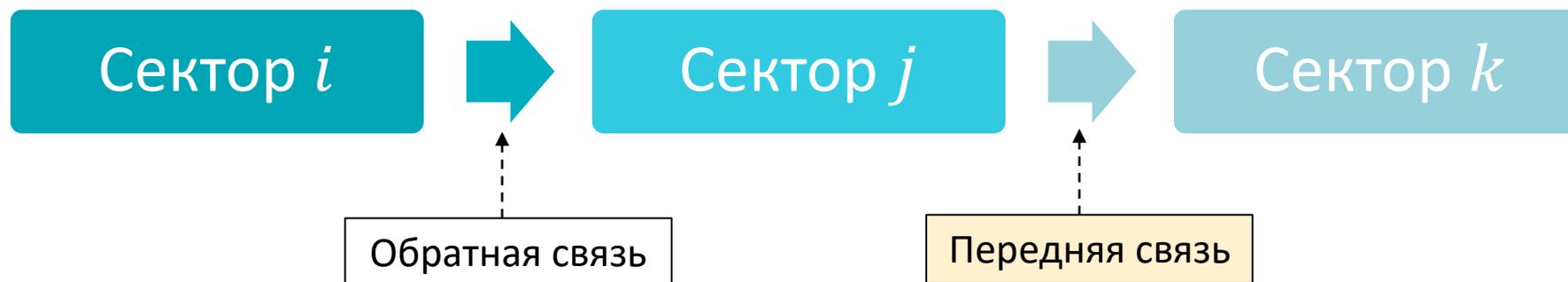
- Производство конкретного сектора оказывает **два вида экономического эффекта** на другие сектора в экономике:
  - Если сектор  $j$  увеличит свой выпуск, то увеличится спрос на затраты из сектора  $i$ .
  - Если сектор  $j$  увеличивает свой выпуск, то доступны дополнительные объемы продукта  $j$  для использования в качестве затрат для других секторов, таких как сектор  $k$ .

# Связи в моделях "Затраты-выпуск"



- Производство конкретного сектора оказывает два вида экономического эффекта на другие сектора в экономике:
  - Если сектор  $j$  увеличит свой выпуск, то **увеличится спрос** на затраты из сектора  $i$
  - Если сектор  $j$  увеличивает свой выпуск, то доступны дополнительные объемы продукта  $j$  для использования в качестве затрат для других секторов, таких как сектор  $k$ .

# Связи в моделях "Затраты-выпуск"



- Производство конкретного сектора оказывает два вида экономического эффекта на другие сектора в экономике:
  - Если сектор  $j$  увеличит свой выпуск, то увеличится спрос на затраты из сектора  $i$ .
  - Если сектор  $j$  увеличит свой выпуск, то **доступны дополнительные объемы продукта  $j$  для использования в качестве затрат** для других секторов, таких как сектор  $k$ .

# Измеряем обратные связи

- **Обратные связи** сектора  $j$  это величина, на которую производство в секторе  $j$  зависит от межотраслевых затрат.
- Измерение:
  - **Прямые обратные связи** сектора  $j$  определяются суммой элементов в столбце  $j$  матрицы технических коэффициентов  $A$ .

$$\sum_{i=1}^n a_{ij} \equiv \begin{bmatrix} a_{11} & \cdots & a_{1n} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix}$$

ВСПОМНИМ:  $a_{ij} = z_{ij}/x_j$

где  $z_{ij}$  это промежуточные продажи сектора  $i$  сектору  $j$

$x_j$  является валовой продукцией сектора  $j$

# Измеряем обратные связи

## Прямые обратные связи:

- ВСПОМНИМ:

$$\mathbf{x} = \mathbf{Ax} + \mathbf{f}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} x_1 = a_{11}x_1 + \dots + a_{1j}x_j + \dots + a_{1n}x_n + f_1 \\ \vdots \\ x_n = a_{n1}x_1 + \dots + a_{nj}x_j + \dots + a_{nn}x_n + f_n \end{array} \right.$$

Таким образом, измерение прямых обратных связей задается суммой столбцов элементов в матрице коэффициентов прямых затрат  $\mathbf{A}$ , а именно:

$$\sum_{i=1}^n a_{ij} = \frac{\partial x_1}{\partial x_j} + \dots + \frac{\partial x_i}{\partial x_j} + \dots + \frac{\partial x_n}{\partial x_j}$$

Измерение прямых обратных связей в экономике, связанной с увеличением на одну единицу валового выпуска сектора  $j$  за счет его обратных связей для каждого из секторов в экономике

# Измеряем обратные связи

- Измерение:
  - **Общие обратные связи** сектора  $j$  отражает как прямые, так и косвенные эффекты и задаются суммой столбцов матрицы общих требований  $\mathbf{L}$ .
  - $\mathbf{L} = (\mathbf{I} - \mathbf{A})^{-1}$

$$\sum_{i=1}^n l_{ij} \equiv \begin{bmatrix} l_{11} & \cdots & l_{1n} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ l_{n1} & \cdots & l_{nn} \end{bmatrix}$$

# Измеряем обратные связи

## Общие обратные связи:

- ВСПОМНИМ:

$$\mathbf{x} = \mathbf{L}\mathbf{f}$$

$$\begin{cases} x_1 = l_{11}f_1 + \dots + l_{1j}f_j + \dots + l_{1n}f_n \\ \vdots \\ x_n = l_{n1}f_1 + \dots + l_{nj}f_j + \dots + l_{nn}f_n \end{cases}$$

Таким образом, общее измерение обратных связей определяется суммой элементов столбца в матрице общих требований  $\mathbf{L}$ , а именно:

$$\sum_{i=1}^n l_{ij} = \frac{\partial x_1}{\partial f_j} + \dots + \frac{\partial x_i}{\partial f_j} + \dots + \frac{\partial x_n}{\partial f_j}$$

Измерение общего воздействия на экономику, связанного с увеличением на единицу конечного спроса сектора  $j$  за счет обратных связей с каждым сектором.

# Измеряем передние связи

- Элементы **модели Гош** используются для измерения передних связей чтобы ответить на критику раннего измерения использования модели Леонтьева для измерения передних связей.

- Сумма строк Матрицы A: 
$$\sum_{j=1}^n a_{ij} = \frac{\partial x_1}{\partial x_1} + \dots \frac{\partial x_1}{\partial x_2} + \dots \frac{\partial x_1}{\partial x_n}$$

Стимул мотивирован **изменением валового выпуска всех секторов** в экономике.

- Сумма строк Матрицы L: 
$$\sum_{j=1}^n l_{ij} = \frac{\partial x_1}{\partial f_1} + \dots \frac{\partial x_1}{\partial f_j} + \dots \frac{\partial x_1}{\partial f_n}$$

Стимул мотивирован **изменением конечного спроса во всех секторах** в экономике.

# Измеряем передние связи

**Прямые передние связи** сектора  $i$  задаются суммой элементов в строке  $i$  матрицы коэффициентов выпуска  $\mathbf{B}$ .

$$\sum_{j=1}^n b_{ij} \equiv \begin{bmatrix} b_{11} & \cdots & b_{1n} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ b_{n1} & \cdots & b_{nn} \end{bmatrix}$$

где:  $b_{ij} = z_{ij}/x_i$

$z_{ij}$  это промежуточные продажи

Сектора  $i$

to Сектор  $j$

$x_i$  является валовой продукцией сектора  $i$

имея  $\mathbf{x}' = \mathbf{x}'\mathbf{B} + \mathbf{v}'$  мы получаем:

$$\sum_{j=1}^n b_{ij} = \frac{\partial x_1}{\partial x_i} + \cdots + \frac{\partial x_i}{\partial x_i} + \cdots + \frac{\partial x_n}{\partial x_i}$$

Измерение прямого воздействия на экономику, связанное с увеличением на одну единицу валового выпуска сектора  $i$  через его передние связи с каждым сектором экономики.

# Измеряем передние связи

**Общие передние связи** сектора  $i$  охватывает как прямые, так и косвенные эффекты и задается суммами строк выпуска в инверсионной матрице  $\mathbf{G} = (\mathbf{I} - \mathbf{B})^{-1}$ .

$$\sum_{j=1}^n g_{ij} \equiv \begin{bmatrix} g_{i1} & \cdots & g_{in} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ g_{n1} & \cdots & g_{nn} \end{bmatrix}$$

имея  $\mathbf{x}' = \mathbf{v}'\mathbf{G}$  мы  
получаем :

$$\sum_{j=1}^n g_{ij} = \frac{\partial x_1}{\partial v_i} + \cdots + \frac{\partial x_i}{\partial v_i} + \cdots + \frac{\partial x_n}{\partial v_i}$$

Измерение общего воздействия на экономику, связанного с увеличением на одну единицу первичного выпуска сектора  $i$  через измерение его передних связей.

# Нормализованные обратные связи

- **Нормализованные прямые обратные связи** сектора  $j$  нормализуются путем деления прямых обратных связей на простое среднее значение всех прямых обратных связей.

$$\bar{\mathbf{b}}(d) = \frac{\mathbf{i}'\mathbf{A}}{\frac{1}{n}(\mathbf{i}'\mathbf{A}\mathbf{i})} = \frac{n \mathbf{i}'\mathbf{A}}{\mathbf{i}'\mathbf{A}\mathbf{i}}$$

- **Нормализованные общие обратные связи** сектора  $j$  нормализуются путем деления общих обратных связей на простое среднее значение всех прямых обратных связей.

$$\bar{\mathbf{b}}(t) = \frac{\mathbf{i}'\mathbf{L}}{\frac{1}{n}(\mathbf{i}'\mathbf{L}\mathbf{i})} = \frac{n \mathbf{i}'\mathbf{L}}{\mathbf{i}'\mathbf{L}\mathbf{i}}$$

- Среднее значение  $\mathbf{b}(\cdot)$  равно 1, так что секторы с  $\mathbf{b}(\cdot) > 1$  имеют более сильные обратные связи.

# Нормализованные передние связи

- **Нормализованные прямые передние связи** сектора  $i$  нормализуются путем деления прямых передних связей сектора  $i$  на простое среднее значение всех прямых передних связей.

$$\bar{f}(d) = \frac{\mathbf{B}i}{\frac{1}{n} (\mathbf{i}' \mathbf{B}i)} = \frac{n \mathbf{B}i}{\mathbf{i}' \mathbf{B}i}$$

- **Нормализованные общие передние связи** сектора  $i$  нормализуются путем деления всех передних связей сектора  $i$  на простое среднее значение всех передних связей.

$$\bar{f}(t) = \frac{\mathbf{G}i}{\frac{1}{n} (\mathbf{i}' \mathbf{G}i)} = \frac{n \mathbf{G}i}{\mathbf{i}' \mathbf{G}i}$$

- Среднее значение  $\bar{\mathbf{f}}(\cdot)$  равно 1 так что секторы с  $\bar{\mathbf{f}}(\cdot) > 1$  имеют более сильные передние связи.

# Краткое изложение вопросов измерения связей

	BL	FL	$\overline{BL}$	$\overline{FL}$
Прямые	$i'A$	$B_i$	$\frac{n i'A}{i'A_i}$	$\frac{n B_i}{i'B_i}$
Общие	$i'L$	$G_i$	$\frac{n i'L}{i'Li}$	$\frac{n G_i}{i'Gi}$

# Классификация результатов

		Нормализованные прямые или общие передние связи	
		Низкие (<1)	Высокие (>1)
Нормализованные прямые или общие обратные связи	Низкие (<1)	В целом независимы	Зависит от межотраслевого спроса (на его продажи)
	Высокие (>1)	Зависят от межотраслевых поставок (для своих затрат)	В целом зависимы

# Чистые обратные связи

- $L\hat{f}$  это матрица, чей  $(i, j)$ -й элемент представляет выпуск сектора  $i$ , сгенерированный  $f_j$ , конечным спросом сектора  $j$
- Чистые обратные связи или измерение чистого ключевого сектора  $(\mathbf{i}'L\hat{f}_c)_j$

$$= \frac{j\text{тая сумма столбца } L\hat{f}}{j\text{ая сумма строки } L\hat{f}}$$

$$= \frac{\text{Выпуск, генерированный всеми отраслями по конечному спросу сектора } j}{\text{Выпуск, генерированный в секторе } j \text{ всеми видами конечного спроса}}$$

- Если  $(\mathbf{i}'L\hat{f}_c)_j > 1$  это означает, что общий выпуск, генерированный в результате изменения конечного спроса в секторе  $j$ , больше, чем выпуск сектора  $j$ , генерированный в результате изменения конечного спроса всех остальных секторов. Это ключевой сектор.

# Пример

- Использование гипотетической таблицы Затраты-Выпуск из 3-х секторов

## Для обратных связей (BL)

Извлечение коэффициентов затрат матрицы **A**

$$\mathbf{A} = \mathbf{IC}/\text{Общие затраты}$$

*Прямые BL = Сумма столбцов*

Создать инверсионную матрицы Леонтьева

$$\mathbf{L} = (\mathbf{I} - \mathbf{A})^{-1}$$

*Всего BL = Сумма столбцов*

## Для передних связей (FL)

Извлечение коэффициентов выпуска матрицы **B**

$$\mathbf{B} = \mathbf{IC}/\text{Общий выпуск}$$

*Прямые FL = Сумма строк*

Создать инверсионную матрицу Гош

$$\mathbf{G} = (\mathbf{I} - \mathbf{B})^{-1}$$

*Всего FL = Сумма строк*

# Пространственные СВЯЗИ



# Пространственные связи

- Применяется к мультирегиональным данным Затраты-Выпуск
- Оценить типы и интенсивность пространственной взаимозависимости или взаимосвязанности.
- Рассчитать силу экономических связей между странами и их секторами, а также их эволюцию с течением времени, например, повышение региональной самодостаточности или усиление межрегиональной зависимости.

# Пространственные связи

		Purchasing sector					
		Region r			Region s		
		1	2	3	1	2	3
Region r	Selling Sector						
	1	$z_{11}^{rr}$	$z_{12}^{rr}$	$z_{13}^{rr}$	$z_{11}^{rs}$	$z_{12}^{rs}$	$z_{13}^{rs}$
	2	$z_{21}^{rr}$	$z_{22}^{rr}$	$z_{23}^{rr}$	$z_{21}^{rs}$	$z_{22}^{rs}$	$z_{23}^{rs}$
3	$z_{31}^{rr}$	$z_{32}^{rr}$	$z_{33}^{rr}$	$z_{31}^{rs}$	$z_{32}^{rs}$	$z_{33}^{rs}$	
Region s	1	$z_{11}^{sr}$	$z_{12}^{sr}$	$z_{13}^{sr}$	$z_{11}^{ss}$	$z_{12}^{ss}$	$z_{13}^{ss}$
	2	$z_{21}^{sr}$	$z_{22}^{sr}$	$z_{23}^{sr}$	$z_{21}^{ss}$	$z_{22}^{ss}$	$z_{23}^{ss}$
	3	$z_{31}^{sr}$	$z_{32}^{sr}$	$z_{33}^{sr}$	$z_{31}^{ss}$	$z_{32}^{ss}$	$z_{33}^{ss}$

$$\mathbf{Z} = \begin{bmatrix} \mathbf{Z}^{rr} & \mathbf{Z}^{rs} \\ \mathbf{Z}^{sr} & \mathbf{Z}^{ss} \end{bmatrix}; \quad \mathbf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{A}^{rr} & \mathbf{A}^{rs} \\ \mathbf{A}^{sr} & \mathbf{A}^{ss} \end{bmatrix}; \quad \mathbf{L} = \begin{bmatrix} \mathbf{L}^{rr} & \mathbf{L}^{rs} \\ \mathbf{L}^{sr} & \mathbf{L}^{ss} \end{bmatrix}; \quad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} \mathbf{B}^{rr} & \mathbf{B}^{rs} \\ \mathbf{B}^{sr} & \mathbf{B}^{ss} \end{bmatrix}; \quad \mathbf{G} = \begin{bmatrix} \mathbf{G}^{rr} & \mathbf{G}^{rs} \\ \mathbf{G}^{sr} & \mathbf{G}^{ss} \end{bmatrix}$$

# Пространственные обратные связи

- **Прямые обратные связи** сектора  $j$  в регионе  $r$  будут включать как **внутрирегиональный** так и **межрегиональный** компоненты.

$$BL(d)_j^r = BL(d)_j^{rr} + BL(d)_j^{sr} = \sum_{i=1}^n a_{ij}^{rr} + \sum_{i=1}^n a_{ij}^{sr}$$

- Он задается суммой элементов в  $j$ -м столбце в регионе  $r$  матрицы технических коэффициентов  $A$ .

$$\mathbf{b}(d)^r = \mathbf{b}(d)^{rr} + \mathbf{b}(d)^{sr}$$

где  $\mathbf{b}(d)^{rr} = \mathbf{i}'\mathbf{A}^{rr}$  and  $\mathbf{b}(d)^{sr} = \mathbf{i}'\mathbf{A}^{sr}$

# Пространственные обратные связи

- Представим что мы хотим знать прямые VL сектора 1 в регионе r. Задана матрица A:

		Регион r			Регион s		
Продающий сектор		1	2	3	1	2	3
Регион r	1	$a_{11}^{rr}$	$a_{12}^{rr}$	$a_{13}^{rr}$	$a_{11}^{rs}$	$a_{12}^{rs}$	$a_{13}^{rs}$
	2	$a_{21}^{rr}$	$a_{22}^{rr}$	$a_{23}^{rr}$	$a_{21}^{rs}$	$a_{22}^{rs}$	$a_{23}^{rs}$
	3	$a_{31}^{rr}$	$a_{32}^{rr}$	$a_{33}^{rr}$	$a_{31}^{rs}$	$a_{32}^{rs}$	$a_{33}^{rs}$
Регион s	1	$a_{11}^{sr}$	$a_{12}^{sr}$	$a_{13}^{sr}$	$a_{11}^{ss}$	$a_{12}^{ss}$	$a_{13}^{ss}$
	2	$a_{21}^{sr}$	$a_{22}^{sr}$	$a_{23}^{sr}$	$a_{21}^{ss}$	$a_{22}^{ss}$	$a_{23}^{ss}$
	3	$a_{31}^{sr}$	$a_{32}^{sr}$	$a_{33}^{sr}$	$a_{31}^{ss}$	$a_{32}^{ss}$	$a_{33}^{ss}$

Внутрирегиональный

Межрегиональный

# Пространственные обратные связи

- **Общие обратные связи** секторе  $j$  в регионе  $r$  охватывают как прямые, так и косвенные связи и задаются суммами столбцов общих требований матрицы  $L$ . Там также будут **внутрирегиональный** и **межрегиональный** компоненты.

$$BL(t)_j^r = BL(t)_j^{rr} + BL(t)_j^{sr} = \sum_{i=1}^n l_{ij}^{rr} + \sum_{i=1}^n l_{ij}^{sr}$$

$$\mathbf{b}(t)^r = \mathbf{b}(t)^{rr} + \mathbf{b}(t)^{sr}$$

где  $\mathbf{b}(t)^{rr} = \mathbf{i}'\mathbf{L}^{rr}$  and  $\mathbf{b}(t)^{sr} = \mathbf{i}'\mathbf{L}^{sr}$

# Пространственные обратные связи

- Представим что мы хотим знать общие VL сектора 2 в регионе s. Задана матрица L:

Продающий сектор		Регион r			Регион s		
		1	2	3	1	2	3
Регион r	1	$l_{11}^{rr}$	$l_{12}^{rr}$	$l_{13}^{rr}$	$l_{11}^{rs}$	$l_{12}^{rs}$	$l_{11}^{rs}$
	2	$l_{21}^{rr}$	$l_{22}^{rr}$	$l_{23}^{rr}$	$l_{21}^{rs}$	$l_{22}^{rs}$	$l_{21}^{rs}$
	3	$l_{31}^{rr}$	$l_{32}^{rr}$	$l_{33}^{rr}$	$l_{31}^{rs}$	$l_{32}^{rs}$	$l_{31}^{rs}$
Регион s	1	$l_{11}^{sr}$	$l_{12}^{sr}$	$l_{13}^{sr}$	$l_{11}^{ss}$	$l_{12}^{ss}$	$l_{11}^{ss}$
	2	$l_{21}^{sr}$	$l_{22}^{sr}$	$l_{23}^{sr}$	$l_{21}^{ss}$	$l_{22}^{ss}$	$l_{21}^{ss}$
	3	$l_{31}^{sr}$	$l_{32}^{sr}$	$l_{33}^{sr}$	$l_{31}^{ss}$	$l_{32}^{ss}$	$l_{31}^{ss}$

Межрегиональный

Внутрирегиональный



# Пространственные обратные связи

- Чтобы измерить относительную силу внутрирегиональных против межрегиональных (внутреннего против внешнего) обратных связей сектора  $j$  в регионе  $r$ , мы можем

- Используем удельный вес

$$\text{Относительная сила внутрирегиональных BL} = \frac{\text{BL}(d)_j^{rr}}{\text{BL}(d)_j^r} \times 100$$

$$\text{Относительная сила межрегиональных BL} = \frac{\text{BL}(d)_j^{sr}}{\text{BL}(d)_j^r} \times 100$$

- Используем альтернативную нормализацию

$$\text{Относительная сила внутрирегиональных BL} = \frac{\text{BL}(d)_j^{rr}}{x_j^r}$$

$$\text{Относительная сила межрегиональных BL} = \frac{\text{BL}(d)_j^{sr}}{x_j^r}$$

# Пространственные связи

	Обратные		Передние	
	Прямые	Общие	Прямые	Общие
Внутрирегиональные	$\mathbf{b(d)^{rr} = i' A^{rr}}$	$\mathbf{b(t)^{rr} = i' L^{rr}}$	$\mathbf{f(d)^{rr} = B^{rr} i}$	$\mathbf{f(t)^{rr} = G^{rr} i}$
Межрегиональные	$\mathbf{b(d)^{sr} = i' A^{sr}}$	$\mathbf{b(t)^{sr} = i' L^{sr}}$	$\mathbf{f(d)^{rs} = B^{rs} i}$	$\mathbf{f(t)^{rs} = G^{rs} i}$

# в моделях Затраты-Выпуск

Виртуальный семинар АБР-ИЦ по вопросам анализа  
Затраты-Выпуск

